### 2025年度

# 入学試験問題 (A日程)

## 数学

#### 注意

- 1 「開始」の合図があるまで開いてはいけません。
- 2 「開始」の合図で、1 ページから 7 ページまで問題が印刷されていることを確かめなさい。
- 3 解答用紙に受験番号を書きなさい。名前を書いてはいけません。
- 4 答えはすべて**解答用紙の指定された解答欄**に書きなさい。問題用紙に書いても得点になりません。
- 5 問題は6題で、7ページまであります。解答用紙はこの表紙の裏にあります。
- 6 円周率はπとします。
- 7 「終了」の合図で、すぐに筆記用具を置きなさい。
- 8 問題および解答用紙は机の上に置き, 持ち帰ってはいけません。

雲雀丘学園高等学校

### **1**. 次の計算をせよ。

$$(1) \quad \left(-\frac{1}{2}\right)^3 \times 16 + (-0.75)^2 \div \frac{3}{32}$$

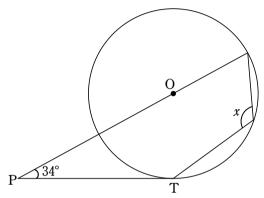
(2) 
$$\left(-\frac{b^2}{2a}\right)^3 \times \left(\sqrt{\frac{a}{b}}\right)^4 \div \left(-\frac{b}{2}\right)^3$$

(3) 
$$\frac{2a-b}{3} + \frac{3}{4}(-3a+5b) - \frac{a-2b}{6}$$

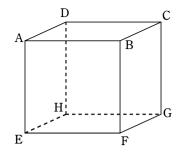
$$(4) \quad \frac{\sqrt{6} + 1}{\sqrt{2}} - \frac{(1 - \sqrt{2})(1 + \sqrt{2})}{\sqrt{3}}$$

- 2. 次の問いに答えよ。
  - (1)  $x=1+3\sqrt{2}$ ,  $y=2+2\sqrt{2}$  のとき,  $4x^2+9y^2-12xy$  の値を求めよ。
  - (2) 連立方程式  $\begin{cases} (x-y): (6x-y) = 1:2 \\ \frac{4}{3} \left(x-y+\frac{1}{2}\right) + \frac{2x+5y+3}{2} = 1 \end{cases}$  を解け。
  - (3) n を 500 以下の自然数とする。  $\sqrt{220n}$  が自然数となるような n をすべて求めよ。

- (4) a を整数とする。 データ 2, 8, 6, 5, a の中央値と, 別のデータ 10, -1, 7, 5, a+2 の平均値が一致するような a をすべて求めよ。
- (5) 下の図の  $\angle x$  の大きさを求めよ。ただし、 O は円の中心、 PT は円 O の接線、 T は接点とする。

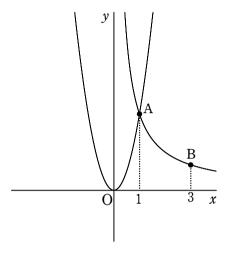


**3**. 右の図のような立方体がある。また、袋の中に8枚のカード A , B , C , D , E , F , G , H が入っている。袋の中から同時に3枚のカードを取り出し、それらのカードと同じ文字の頂点を結び三角形をつくる。

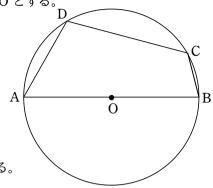


- (1) カードの取り出し方は全部で何通りあるか。
- (2) この立方体と2辺を共有する三角形ができる確率を求めよ。
- (3) この立方体と1辺のみを共有する三角形ができる確率を求めよ。

- **4**. a>0 とする。関数  $y=\frac{a}{x}$  のグラフと関数  $y=3x^2$  のグラフの交点を A とする。点 A の x 座標を 1 とする。また,関数  $y=\frac{a}{x}$  のグラフ上に, x 座標が 3 である点 B をとる。 ただし,座標軸の単位の長さは 1 cm とする。
  - (1) aの値を求めよ。
  - (2) △OABの面積を求めよ。
  - (3) y軸に関して点 A と対称な点 C をとる。 さらに,線分 OB 上に点 D をとる。このとき,  $\triangle OCD$  の面積が四角形 OBAC の面積の  $\frac{1}{3}$  と なるような点 D の座標を求めよ。



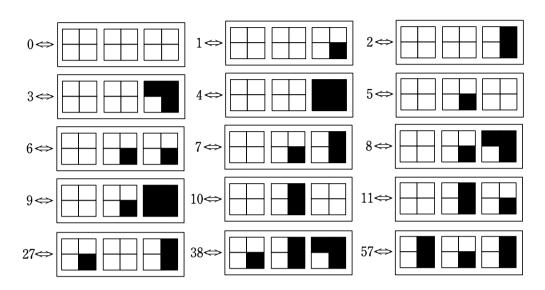
- **5**. 図において、AB を直径とする円周上に 2 点 C、D があり、AB=8 cm、 $\angle DAB=60^\circ$ 、 $\angle ABC=75^\circ$  である。円の中心を O とする。
  - (1) 線分 AD の長さを求めよ。
  - (2) 四角形 ABCD の面積を求めよ。



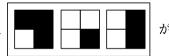
次に、 円周上に AD = AE となるように点 E をとる。 ただし、点 E は点 D と異なる点とする。

(3)  $\triangle$ AEB を直線 AB を軸として 1 回転させてできる立体の体積は、 $\triangle$ AEB を直線 BE を軸として 1 回転させてできる立体の体積の何倍か。

**6**. それぞれ4分割された白色の正方形が3枚ある。これらの正方形に次のように色をぬることで数を表すこととする。



(1) 6か所だけぬられた



が表す数を答えよ。

- (2) 4か所だけぬることで表される数は何個あるか。
- (3) 6か所だけぬることで表される数のうち、各位の数が同じものをすべて求めよ。

1. (1) (2) (3) (4)				 		
$\lfloor (1) \rfloor = \lfloor (2) \rfloor = \lfloor (3) \rfloor$	1.					
		(1)		( < )	(1)	
		(1)	(2)	(3)	(4)	

2.	(1)		(2)	x=	, y=	=	
	(3)	n =	(4)	a =	(5)	$\angle x =$	0

	3.	(1)	通り	(2)		(3)	
--	----	-----	----	-----	--	-----	--

4.								
	(1)	a =	(2)		(3)	<b>D</b> (		)
	(1)	a =	(=)	$cm^2$	(0)	D (	,	,
	l		l	CIII	1			

5						
<b>O</b> .	(4)		<b>(9</b> )		(2)	
	(1)		(2)		(3)	
		cm		$ m cm^2$		
				O III		l iH

6					
О.	(1)	<b>(0)</b>		<b>(2)</b>	
	(1)	(2)		(3)	
			個		

受験番号	<b>但占</b>	
文 文	<b>侍</b> 点	

### 数学解答用紙

- 1. (1) 4 (2)  $\frac{b}{a}$  (3)  $\frac{-7a+15b}{4}$  (4)  $\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{4\sqrt{3}}{3}$
- 2.  $\frac{1}{2}$ 16 -2(1) (2)x =, y =(3)55, 220, 495 (4)2, 7 (5) $\angle x = 118$ n =a =
- 3. (1) 56 通り (2) 3 7 (3) 3 7
- 4. (1) a = 3 (2) 4  $cm^2$  (3)  $D(\frac{7}{5}, \frac{7}{15})$
- 6. (1) 82 (2) 15 個 (3) 22,66

受験番号	得点
------	----